

**ΓΡΑΠΤΕΣ ΕΞΕΤΑΣΕΙΣ ΠΡΟΣΟΜΟΙΩΣΗΣ**  
**Γ' ΤΑΞΗΣ ΕΝΙΑΙΟΥ ΛΥΚΕΙΟΥ**  
**ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΑ ΓΕΝΙΚΗΣ ΠΑΙΔΕΙΑΣ**

**ΘΕΜΑ 1<sup>ο</sup>**

- A1.** Ποιά από τα παρακάτω μεγέθη είναι μέτρα θέσης και ποιά είναι μέτρα διασποράς;
- α. Διάμεσος
  - β. Διακύμανση
  - γ. Μέση τιμή
  - δ. Επικρατούσα τιμή
  - ε. Εύρος
  - στ. Τυπική απόκλιση

ΜΟΝΑΔΕΣ 6,5

- A2.** Έστω  $X$  μια μεταβλητή που αφορά τα άτομα ενός πληθυσμού. Για ένα συγκεκριμένο δείγμα μεγέθους  $n$ , οι τιμές της μεταβλητής είναι  $x_i$  και οι αντίστοιχες συχνότητες  $v_i$ , με  $i=1, 2, 3, \dots, n$ . Κατατάσσουμε τις  $x_i$  σε αναστορητική σειρά, έτσι ώστε  $x_1 < x_2 < \dots < x_n$ . Να γράψετε ποιος αριθμός εκφράζει τη σχετική συχνότητα  $f_i$  της τιμής  $x_i$  και να αποδείξετε ότι:

$$f_1 + f_2 + \dots + f_n = 1$$

ΜΟΝΑΔΕΣ 6

- B1.** Στον επόμενο πίνακα φαίνεται η κατανομή των τερμάτων (γκόλ) ( $X$ ) που πέτυχε μία ομάδα ποδοσφαιρίου σε 20 αγώνες πρωταθλήματος.

Τέρματα $x_i$	0	1	2	3	4	5
Αγώνες $v_i$	3	8	4	2	2	1

Στις παρακάτω ερωτήσεις 1-3, να γράψετε στο τετράδιό σας τον αριθμό της ερώτησης και δίπλα το γράμμα που αντιστοιχεί στη σωστή απάντηση.

1. Η μέση τιμή είναι:

- A. 1,75      B. 3,5      C. 3,75      D. 1      E. 2,5

ΜΟΝΑΔΕΣ 3

2. Η διάμεσος είναι:

- A. 1,75      B. 3,5      C. 3,75      D. 1      E. 2,5

ΜΟΝΑΔΕΣ 3

3. Η σχετική συχνότητα της τιμής 3 είναι:

- A. 0      B. 0,1      C. 0,2      D. 0,3      E. 0,4

**ΜΟΝΑΔΕΣ 2**

**B2.** Να χαρακτηρίσετε τις προτάσεις που ακολουθούν γράφοντας στο τετράδιό σας την ένδειξη Σωστό ή Λάθος δίπλα στο γράμμα που αντιστοιχεί σε κάθε πρόταση.

- a. Η διακύμανση και η τυπική απόκλιση έχουν τις ίδιες μονάδες μέτρησης.
- b. Το 50% των παρατηρήσεων σε κάθε σύνολο δεδομένων είναι μικρότερες ή ίσες από τη μέση τιμή και το υπόλοιπο 50% είναι μεγαλύτερες ή ίσες από τη μέση τιμή.
- γ. Δίνονται δύο ομάδες τιμών που έχουν μέση τιμή 50:  
A ομάδα: 0 20 40 50 60 80 100  
B ομάδα: 0 48 49 50 51 52 100  
Μεγαλύτερη διασπορά παρουσιάζει η ομάδα B.

**ΜΟΝΑΔΕΣ 4,5**

## ΘΕΜΑ 2<sup>ο</sup>

Δίνεται η συνάρτηση  $f(x) = x^3 + 3x^2 - 9x + a^2 - 4a$ ,  $a \in \mathbb{R}$ .

a) Να αποδείξετε ότι η  $f$  παρουσιάζει ένα τοπικό μέγιστο και ένα τοπικό ελάχιστο.

**ΜΟΝΑΔΕΣ 10**

β) Να προσδιορίσετε τις τιμές του  $a$  για τις οποίες το τοπικό μέγιστο της  $f$  είναι 3-πλάσιο από το τοπικό ελάχιστο.

**ΜΟΝΑΔΕΣ 8**

γ) Να βρείτε, αν υπάρχει, την τιμή του  $x$  για την οποία ο ρυθμός μεταβολής της  $f(x)$  γίνεται ελάχιστος.

**ΜΟΝΑΔΕΣ 7**

## ΘΕΜΑ 3<sup>ο</sup>

Δίνονται δύο ενδεχόμενα  $A$  και  $B$  ενός δειγματικού χώρου  $\Omega$  για τα οποία ισχύουν:

$$P(A-B)=\frac{1}{4}, \quad P(A \cap B)=\frac{1}{20} \quad \text{και} \quad P(B'-A)=\frac{1}{2}$$

- α) Να βρείτε την πιθανότητα  $P(A)$

**ΜΟΝΑΔΕΣ 7**

- β) Να αποδείξετε ότι η πιθανότητα  $P(B)=\frac{1}{4}$

**ΜΟΝΑΔΕΣ 9**

- γ) Να βρείτε την πιθανότητα του ενδεχομένου να πραγματοποιηθεί μόνο ένα από τα ενδεχόμενα A και B.

**ΜΟΝΑΔΕΣ 9**

#### **ΘΕΜΑ 4<sup>ο</sup>**

Ο επόμενος πίνακας δίνει τον αριθμό των ανέργων (X) σε εκατοντάδες χιλιάδες και τον αριθμό των εγκληματικών ενεργειών (Y) σε εκατοντάδες για τα έτη 1993-1997 σε μία χώρα.

	1993	1994	1995	1996	1997
Αριθμός ανέργων $x_i$	4	4,3	8,3	8,7	7,3
Αριθμός εγκληματικών πράξεων $y_i$	24	25	28	29	32

- α) Να υπολογίσετε τη μέση τιμή των μεταβλητών X και Y.

**ΜΟΝΑΔΕΣ 8**

- β) Από την εξίσωση  $\hat{y} = \hat{\alpha} + \hat{\beta}x$  της ευθείας των ελαχίστων τετραγώνων της Y πάνω στη X εκτιμήσαμε ότι για κάθε αύξηση του αριθμού των ανέργων κατά 100.000 ο αριθμός των εγκληματικών πράξεων αυξάνεται κατά 111.

Να βρείτε την εξίσωση:  $\hat{y} = \hat{\alpha} + \hat{\beta}x$

**ΜΟΝΑΔΕΣ 8**

- γ) Ο αριθμός των ανέργων το έτος 1998 αυξήθηκε κατά 10 % σε σχέση με το 1997. Να εκτιμήσετε τον αριθμό των εγκληματικών ενεργειών το έτος 1998.

**ΜΟΝΑΔΕΣ 6**

- δ) Μπορούμε να χρησιμοποιήσουμε την εξίσωση της ευθείας παλινδρόμησης του ερωτήματος β για να εκτιμήσουμε τον αριθμό των ανέργων όταν ο αριθμός των εγκληματικών πράξεων είναι 2.600; Δικαιολογήστε την απάντησή σας.

**ΜΟΝΑΔΕΣ 3**